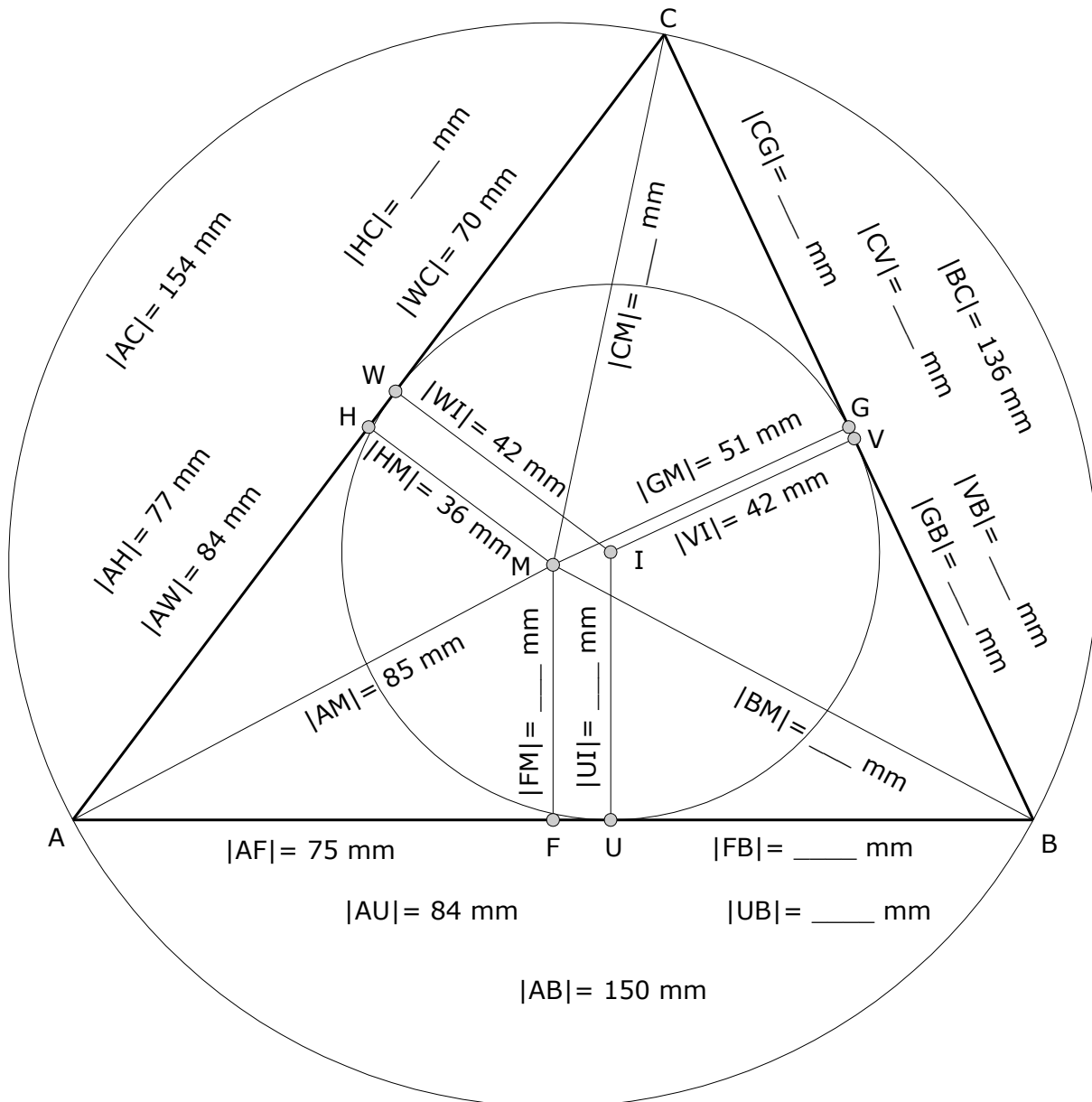


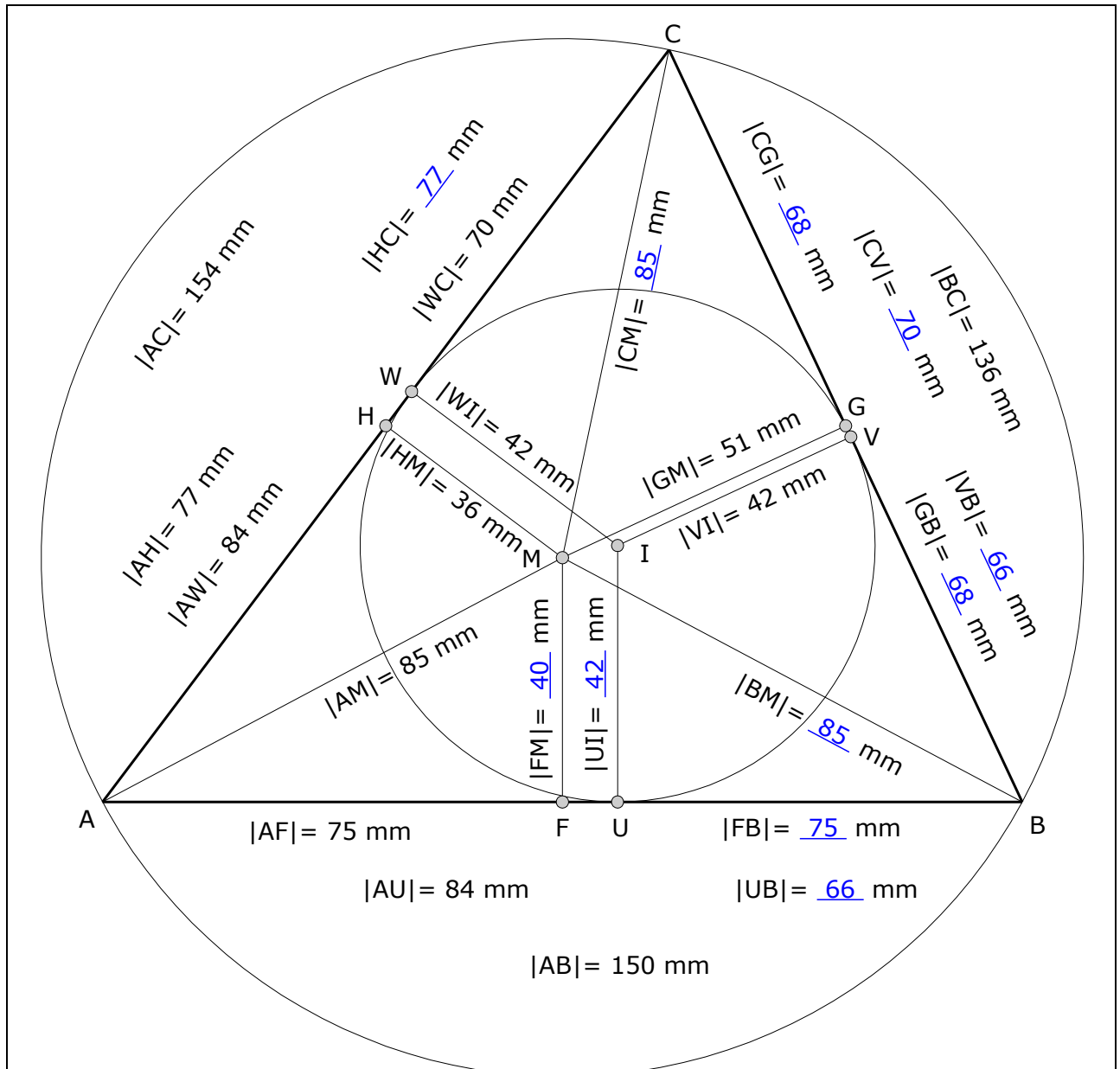
MATHE 364

07.06. Fit für Berufsschule oder Oberstufe: Längen im Dreieck



Wahlaufgaben: Bearbeite *mindestens drei* der Teilaufgaben **a)** bis **f)**.

- Gib** *mindestens drei* Beispiele für zwei Strecken, die gleich lang sein müssen.
- Gib** *mindestens zwei* Beispiele für Längenberechnungen in rechtwinkligen Teildreiecken mit dem Satz des Pythagoras.
- Gib** *mindestens zwei* Beispiele für Berechnungen von Winkelgrößen in rechtwinkligen Teildreiecken.
- Überprüfe** die Gleichung $|FM| + |GM| + |HM| = |AM| + |IV|$.
- Das Dreieck hat eine 12 cm lange Höhe.
Zeichne sie passend **ein** und **gib** den Flächeninhalt des Dreiecks **an**.
- Es gilt $|AU| = s - |BC|$ und $|BU| = s - |AC|$ sowie $|CV| = s - |AB|$. **Gib s an**.



- a) **Gib mindestens drei** Beispiele für zwei Strecken, die gleich lang sein müssen.
 $|AF|=|FB|$, $|CG|=|GB|$ und $|AH|=|HC|$, weil F, G und H Seitenmittelpunkte sind.
 $|UI|=|VI|=|WI|$, weil diese Strecken Radien des Inkreises sind.
 $|AM|=|BM|=|CM|$, weil diese Strecken Radien des Umkreises sind.
 $|AU|=|AH|$, $|UB|=|VB|$ und $|WC|=|CV|$, weil AUIW und UBVI sowie CWIV Drachenvierecke mit der jeweiligen Winkelhalbierenden als Symmetrieachse sind.

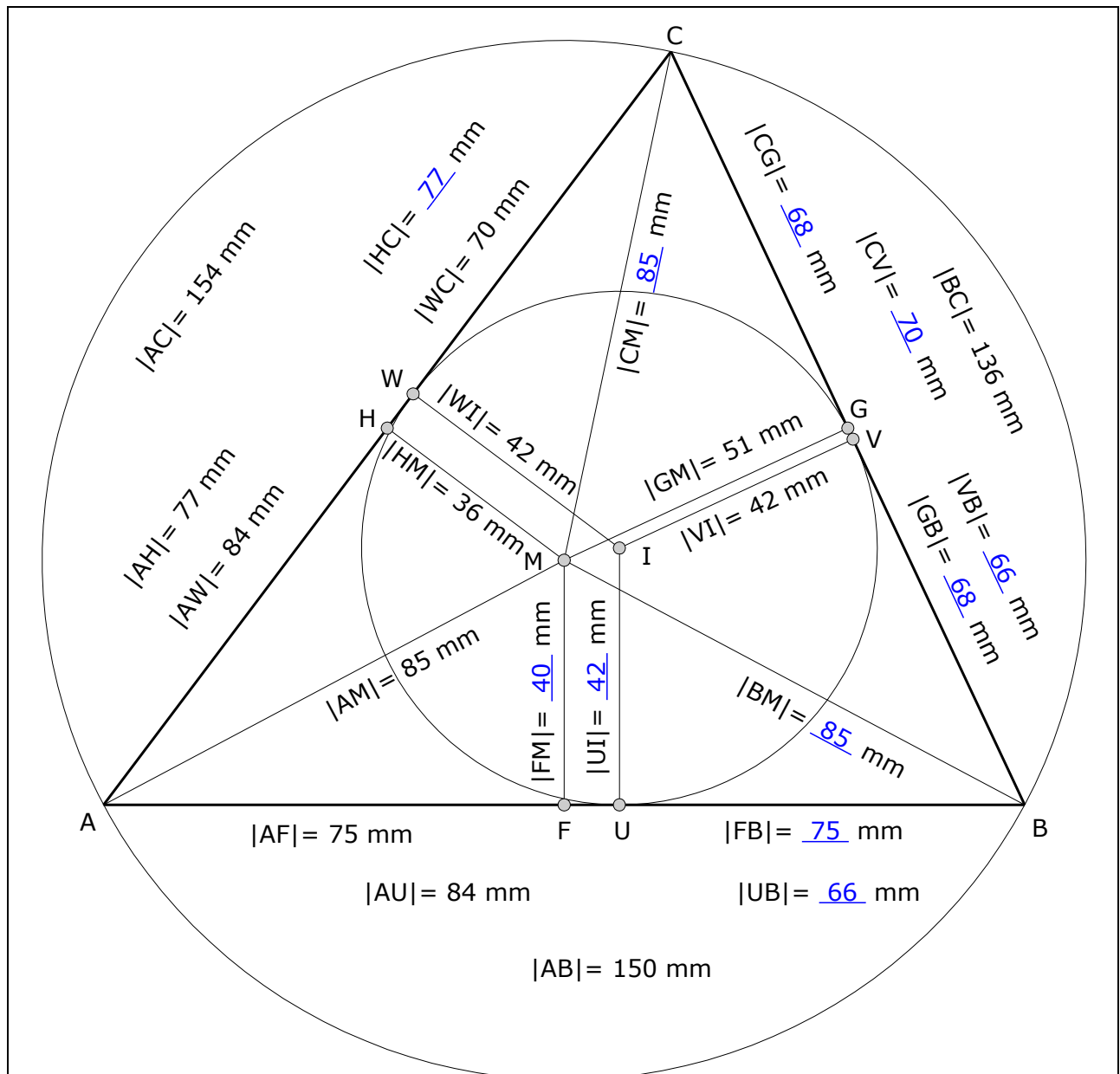
- b) Gib mindestens zwei Beispiele für Längenberechnungen in rechtwinkligen Teildreiecken mit dem Satz des Pythagoras.**

$$\Delta_{\text{AFM}}: |AF|^2 + |FM|^2 = |AM|^2 \Rightarrow |FM| = \sqrt{85^2 - 75^2} = 40$$

$$\Delta \text{FBM: } |\text{FB}|^2 + |\text{FM}|^2 = |\text{BM}|^2 \Rightarrow |\text{BM}| = \sqrt{75^2 + 40^2} = 85$$

$$\Delta_{HCM}: |HM|^2 + |HC|^2 = |CM|^2 \Rightarrow |CM| = \sqrt{36^2 + 77^2} = 85$$

$$\Delta\text{CMG: } |GM|^2 + |CG|^2 = |CM|^2 \Rightarrow |CM| = \sqrt{51^2 + 68^2} = 85$$



c) **Gib** mindestens zwei Beispiele für Berechnungen von Winkelgrößen.

$$\triangle AFM: \cos(\alpha_1) = \frac{|AF|}{|AM|} = \frac{75}{85} \Rightarrow \alpha_1 \approx 28,0725^\circ$$

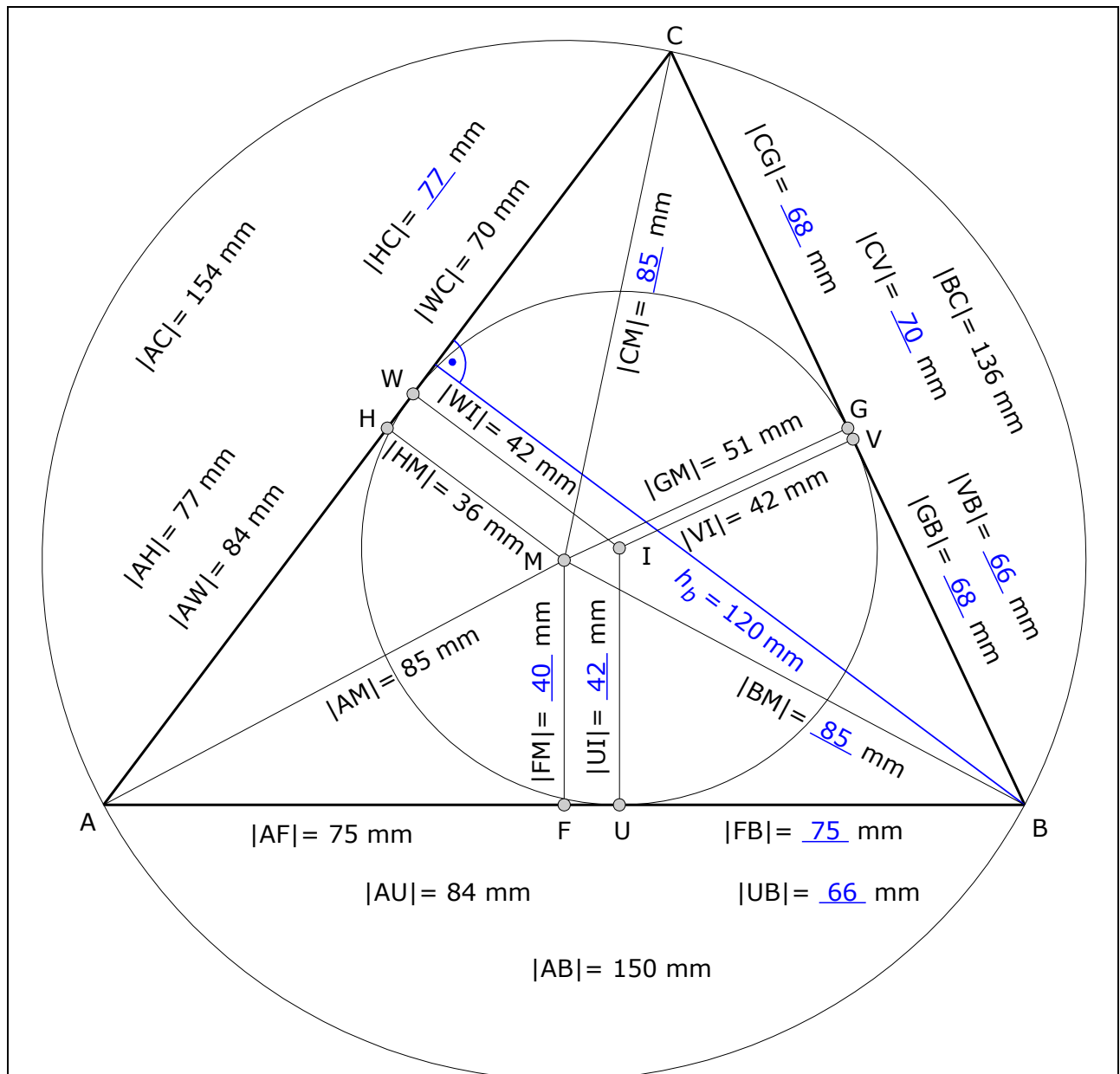
$$\triangle AMH: \sin(\alpha_2) = \frac{|HM|}{|AM|} = \frac{36}{85} \Rightarrow \alpha_2 \approx 25,0576^\circ$$

$$\triangle FBM: \tan(\beta_1) = \frac{|FM|}{|FB|} = \frac{40}{75} \Rightarrow \beta_1 \approx 28,0725^\circ$$

$$\triangle MBG: \sin(\beta_2) = \frac{|GM|}{|BM|} = \frac{51}{85} \Rightarrow \beta_2 \approx 36,8699^\circ$$

$$\triangle CHM: \cos(\gamma_1) = \frac{|HM|}{|AM|} = \frac{36}{85} \Rightarrow \gamma_1 \approx 25,0576^\circ$$

$$\triangle CMG: \tan(\gamma_2) = \frac{|GM|}{|CG|} = \frac{51}{68} \Rightarrow \gamma_2 \approx 36,8699^\circ$$



d) Überprüfe die Gleichung $|FM| + |GM| + |HM| = |AM| + |IV|$.

$$40 + 51 + 36 = 85 + 42$$

$$127 = 127$$

Die Summe der drei Abstände vom Umkreismittelpunkt zu den Seiten ist gleich der Summe von Umkreisradius und Inkreisradius.

e) Das Dreieck hat eine 12 cm lange Höhe.

Zeichne sie passend **ein** und **gib** den Flächeninhalt des Dreiecks **an**.

Höhe zur 154 mm langen Seite, siehe Abbildung $A = 9240 \text{ mm}^2 = 92,4 \text{ cm}^2$

f) Es gilt $|AU| = s - |BC|$ und $|BU| = s - |AC|$ sowie $|CV| = s - |AB|$. **Gib** s **an**.

$$84 = s - 136$$

$$66 = s - 154$$

$$70 = s - 150$$

$s = 220$ ist der halbe Umfang des Dreiecks.